

## تمارين علي المفاضرة (٩)

(١) أوجد  $y'$  للدوال:

$$(i) y = \tan^{-1}(1+x^2) \quad (ii) y = \sqrt{2+\sqrt{3+\sqrt{x}}} \quad (iii) y = \sec^{-1} \frac{\sqrt{1+x^2}}{x}$$

$$(iv) y = x \sin^{-1} \sqrt{\frac{x}{1-x^2}} + \sin 2x \quad (v) y = 2x^3 \cos x \sin 2x$$

(٢) أوجد مشتقة  $y$  بالنسبة إلى  $x$  في كل من الصيغ التالية:

$$(i) x^2 + 2xy - y^2 = 2x \quad (ii) \sqrt{x} + \sqrt{y} = \sqrt{2} \quad (iii) \sqrt{xy} = 3x^5$$

(٣) أوجد المشتقة الثالثة لكل من الدوال الآتية:

$$(i) y = x \sin^2 x \quad (ii) y = \tan^{-1} x$$

(٤) أوجد المشتقة الأولى للدوال:

$$(i) y = e^{-x} (1-x^2) \sin \frac{x}{2}$$

$$(ii) y = \frac{\ln 3(\sin x + \cos x)}{3^x}$$

$$(iii) y = \left(\frac{2}{3}\right)^x \left(\frac{3}{x}\right)^2 \left(\frac{x}{2}\right)^3$$

$$(iv) y = (\ln x) \ln(x + \sqrt{1+x^2})$$

$$(v) y = \frac{1}{x} [\ln^3 x + 3 \ln^2 x + 6] - \sqrt{1+x^2}$$

$$(vi) y = \ln\left(\frac{1}{x} + \ln \frac{1}{x}\right) + (1 - \sqrt[3]{1+x^2})^2$$

$$(vii) y = x [\sin(\ln x) - \cos(\ln x)]$$

